

# **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

## **учебного курса «Алгебра (углублённый уровень)»**

для обучающихся 7 – 9 классов

### **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Алгебра является одним из опорных курсов основного общего образования: она обеспечивает изучение других дисциплин как естественно-научного, так и гуманитарного циклов, её освоение необходимо для продолжения образования и для повседневной жизни. Развитие у обучающихся научных представлений о происхождении и сущности алгебраических абстракций, способе отражения математической наукой явлений и процессов в природе и обществе, роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения и качеств мышления, необходимых для адаптации в современном цифровом обществе. Изучение алгебры обеспечивает развитие умения наблюдать, сравнивать, находить закономерности, требует критичности мышления, способности аргументированно обосновывать свои действия, выводы, формулировать утверждения. Освоение курса алгебры обеспечивает развитие логического мышления обучающихся: они используют дедуктивные и индуктивные рассуждения, обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию. Обучение алгебре предполагает значительный объём самостоятельной деятельности обучающихся, поэтому самостоятельное решение задач обучающимися является реализацией деятельностного принципа обучения.

В структуре программы учебного курса «Алгебра» углублённого изучения основное место занимают содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства», «Функции». Каждая из этих содержательно-методических линий развивается на протяжении трёх лет изучения курса, взаимодействуя с другими его линиями. В ходе изучения курса обучающимся приходится логически рассуждать, использовать теоретико-множественный язык. В связи с этим в программу учебного курса «Алгебра» включены некоторые основы логики, представленные во всех основных разделах математического образования и способствующие овладению обучающимися основ универсального математического языка. Содержательной и структурной особенностью учебного курса «Алгебра» является его интегрированный характер.

Содержание линии «Числа и вычисления» служит основой для дальнейшего изучения математики, способствует развитию у обучающихся логического мышления, формированию умения пользоваться алгоритмами, а также приобретению практических навыков, необходимых для повседневной жизни. Развитие понятия о числе на уровне основного общего образования связано с рациональными и иррациональными числами, формированием представлений о действительном числе. Завершение освоения числовой линии отнесено к среднему общему образованию.

Содержание двух алгебраических линий – «Алгебраические выражения» и «Уравнения и неравенства» способствует формированию у обучающихся математического аппарата, необходимого для решения задач математики, смежных предметов и окружающей реальности. На уровне основного общего образования учебный материал группируется вокруг рациональных выражений. Алгебра демонстрирует

значение математики как языка для построения математических моделей, описания процессов и явлений реального мира. В задачи обучения алгебре входят также дальнейшее развитие алгоритмического мышления, необходимого, в частности, для освоения курса информатики, и овладение навыками дедуктивных рассуждений. Преобразование символьных форм способствует развитию воображения, способностей к математическому творчеству.

Содержание функционально-графической линии нацелено на получение обучающимися знаний о функциях как важнейшей математической модели для описания и исследования разнообразных процессов и явлений в природе и обществе. Изучение материала способствует развитию у обучающихся умения использовать различные выразительные средства языка математики – словесного, символического, графического, вносит вклад в формирование представлений о роли математики в развитии цивилизации и культуры.

Углублённый курс алгебры характеризуется изучением дополнительного теоретического аппарата и связанных с ним методов решения задач. Алгебра является языком для описания объектов и закономерностей, служит основой математического моделирования. При этом сами объекты математических умозаключений и принятые в алгебре правила их конструирования способствуют формированию умений обосновывать и доказывать суждения, развивают математическую интуицию, кратко и наглядно раскрывают механизм логических построений и учат их применению. Тем самым алгебра занимает одно из ведущих мест в формировании научно-теоретического мышления обучающихся.

Согласно учебному плану в 7–9 классах изучается учебный курс «Алгебра», который включает следующие основные разделы содержания: «Числа и вычисления», «Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства», «Функции».

На изучение учебного курса «Алгебра» отводится 408 часов: в 7 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 8 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 9 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

## **7 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Сравнение, упорядочивание и арифметические действия с рациональными числами. Числовая прямая, модуль числа.

Степень с натуральным показателем и её свойства. Запись числа в десятичной позиционной системе счисления.

Решение текстовых задач арифметическим способом. Решение задач из реальной практики на части, на дроби, на проценты, применение отношений и пропорций при решении задач, решение задач на движение, работу, покупки, налоги.

Делимость целых чисел. Свойства делимости.

Простые и составные числа. Чётные и нечётные числа. Признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11. Признаки делимости суммы и произведения целых чисел при решении задач с практическим содержанием.

Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное двух чисел. Взаимно простые числа. Алгоритм Евклида.

Деление с остатком. Арифметические операции над остатками.

### **Алгебраические выражения**

Выражение с переменными. Значение выражения с переменными. Представление зависимости между величинами в виде формулы.

Тождество. Тождественные преобразования алгебраических выражений. Доказательство тождеств.

Одночлены. Одночлен стандартного вида. Степень одночлена.

Многочлены. Многочлен стандартного вида. Степень многочлена. Сложение, вычитание, умножение и деление многочленов. Преобразование целого выражения в многочлен. Корни многочлена.

Формулы сокращённого умножения: квадрат суммы и квадрат разности двух выражений, куб суммы и куб разности двух выражений, разность квадратов двух выражений, произведение разности и суммы двух выражений, сумма и разность кубов двух выражений.

Разложение многочлена на множители. Вынесение общего множителя за скобки. Метод группировки.

### **Уравнения и неравенства**

Уравнение с одной переменной. Корень уравнения. Свойства уравнений с одной переменной. Равносильность уравнений. Уравнение как математическая модель реальной ситуации.

Линейное уравнение с одной переменной. Число корней линейного уравнения. Решение текстовых задач с помощью линейных уравнений. Линейное уравнение, содержащее знак модуля.

Уравнение с двумя переменными. График линейного уравнения с двумя переменными. Системы линейных уравнений с двумя переменными. Графический метод решения системы линейных уравнений с двумя переменными. Решение систем линейных уравнений с двумя переменными методом подстановки и методом сложения. Система двух линейных уравнений с двумя переменными как модель реальной ситуации.

## **Функции**

Координата точки на прямой. Числовые промежутки. Расстояние между двумя точками координатной прямой.

Прямоугольная система координат. Абсцисса и ордината точки на координатной плоскости. Примеры графиков, заданных формулами. Чтение графиков реальных зависимостей.

Функциональные зависимости между величинами. Понятие функции. Функция как математическая модель реального процесса. Область определения и область значений функции. Способы задания функции. График функции. Понятия максимума и минимума, возрастания и убывания на примерах реальных зависимостей.

Линейная функция, её свойства. График линейной функции. График функции  $y = |x|$ . Кусочно-заданные функции.

## **8 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Квадратные корни. Арифметический квадратный корень и его свойства. Понятие иррационального числа. Действия с иррациональными числами. Свойства действий с иррациональными числами. Сравнение иррациональных чисел.

Представления о расширениях числовых множеств. Множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел. Сравнение чисел. Числовые промежутки.

Действия с остатками. Остатки степеней. Применение остатков к решению уравнений в целых числах и текстовых задач.

Размеры объектов окружающего мира, длительность процессов в окружающем мире. Стандартный вид числа.

### **Алгебраические выражения**

Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных вдробно-рациональных выражениях. Основное свойство алгебраической дроби. Сложение, вычитание, умножение и деление алгебраических дробей. Выделение целой части алгебраической дроби.

Рациональные выражения. Тождественные преобразования рациональных выражений.

Допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни. Тождественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни.

Степень с целым показателем и её свойства. Преобразование выражений, содержащих степени.

### **Уравнения и неравенства**

Квадратное уравнение. Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения. Теорема Виета. Уравнения, сводимые к линейным уравнениям или к квадратным уравнениям. Квадратное уравнение с параметром. Решение текстовых задач с помощью квадратных уравнений.

Дробно-рациональные уравнения. Решение дробно-рациональных уравнений. Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений. Графическая интерпретация уравнений с двумя переменными.

Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств.

Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения. Доказательство неравенств.

Понятие о решении неравенства с одной переменной. Множество решений неравенства. Равносильные неравенства.

Линейное неравенство с одной переменной и множество его решений. Решение линейных неравенств с одной переменной. Системы и совокупности линейных неравенств с одной переменной. Решение текстовых задач с помощью линейных неравенств с одной переменной.

### **Функции**

Область определения и множество значений функции. Способы задания функций. График функции. Чтение свойств функции по её графику. Примеры графиков функций, отражающих реальные процессы.

Линейная функция. Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики.

Функции  $y = kx$ ,  $y = kx + b$ ,  $y = k/x$ ,  $y = x^3$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$  и их свойства. Кусочно-заданные функции.

## **9 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Корень  $n$ -й степени и его свойства. Степень с рациональным показателем и её свойства.

### **Алгебраические выражения**

Тождественные преобразования выражений, содержащих корень  $n$ -й степени. Тождественные преобразования выражений, содержащих степень с рациональным показателем.

Квадратный трёхчлен. Корни квадратного трёхчлена. Разложение квадратного трёхчлена на линейные множители.

### **Уравнения и неравенства**

Биквадратные уравнения. Примеры применений методов равносильных преобразований, замены переменной, графического метода при решении уравнений 3-й и 4-й степеней.

Решение дробно-рациональных уравнений.

Решение систем уравнений с двумя переменными. Решение простейших систем нелинейных уравнений с двумя переменными. Графический метод решения системы нелинейных уравнений с двумя переменными. Система двух нелинейных уравнений с двумя переменными как модель реальной ситуации.

Числовые неравенства. Решение линейных неравенств. Доказательство неравенств.

Квадратные неравенства с одной переменной. Решение квадратных неравенств графическим методом и методом интервалов. Метод интервалов для рациональных неравенств. Простейшие неравенства с параметром.

Решение текстовых задач с помощью неравенств, систем неравенств.

Неравенство с двумя переменными. Решение неравенства с двумя переменными. Системы неравенств с двумя переменными. Графический метод решения систем неравенств с двумя переменными.

## **Функции**

**Функция.** Свойства функций: нули функции, промежутки знакопостоянства функции, промежутки возрастания и убывания функции, чётные и нечётные функции, наибольшее и наименьшее значения функции.

Квадратичная функция и её свойства. Использование свойств квадратичной функции для решения задач. Построение графика квадратичной функции. Положение графика квадратичной функции в зависимости от её коэффициентов. Графики функций  $y = ax^2$ ,  $y = a(x - m)^2$  и  $y = a(x - m)^2 + n$ . Построение графиков функций с помощью преобразований.

Дробно-линейная функция. Исследование функций.

Функция  $y = x^n$  с натуральным показателем  $n$  и её график.

## **Числовые последовательности и прогрессии**

Понятие числовой последовательности. Конечные и бесконечные последовательности. Ограниченная последовательность. Монотонно возрастающая (убывающая) последовательность. Способы задания последовательности: описательный, табличный, с помощью формулы  $n$ -го члена, рекуррентный.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Свойства членов арифметической и геометрической прогрессий. Формулы  $n$ -го члена арифметической и геометрической прогрессий. Формулы суммы первых  $n$  членов арифметической и геометрической прогрессий. Задачи на проценты, банковские вклады, кредиты.

Представление о сходимости последовательности, о суммировании бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Метод математической индукции. Простейшие примеры.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА» НА УГЛУБЛЁННОМ УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

**Личностные результаты** освоения программы по математике характеризуются в части:

**1) патриотического воспитания:**

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

**2) гражданского и духовно-нравственного воспитания:**

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

**3) трудового воспитания:**

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

**4) эстетического воспитания:**

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

**5) ценностей научного познания:**

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, владением языком математики и математической культурой как средством познания мира, владением навыками исследовательской деятельности;

**6) физического воспитания, формирования культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

**7) экологического воспитания:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

## **8) адаптации к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

готовностью к действиям в условиях неопределенности, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

В результате освоения программы по математике на уровне основного общего образования у обучающегося будут сформированы **метапредметные результаты**, характеризующиеся овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями и универсальными регулятивными действиями.

### **Познавательные универсальные учебные действия**

#### **Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, применять метод математической индукции, обосновывать собственные рассуждения;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить по самостоятельно составленному плану эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, эксперимента, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;

выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;

оценивать надёжность информации по критериям, предложенным или сформулированным самостоятельно.

#### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество результата и качество своего вклада в общий результат по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

#### **Регулятивные универсальные учебные действия**

##### **Самоорганизация:**

выявлять проблемы для решения в жизненных и учебных ситуациях, ориентироваться в различных подходах принятия решений (индивидуальное, групповое);

самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи, самомотивации и рефлексии;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту;

выражать эмоции при изучении математических объектов и фактов, давать эмоциональную оценку решения задачи.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа.

Переходить от одной формы записи чисел к другой (преобразовывать десятичную дробь в обыкновенную, обыкновенную в десятичную, в частности в бесконечную десятичную дробь).

Использовать понятия множества натуральных чисел, множества целых чисел, множества рациональных чисел при решении задач, проведении рассуждений и доказательств.

Понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа.

Сравнивать и упорядочивать рациональные числа.

Выполнять, сочетая устные и письменные приёмы, арифметические действия с рациональными числами, использовать свойства чисел и правила действий, приёмы рациональных вычислений.

Выполнять действия со степенями с натуральными показателями.

Находить значения числовых выражений, содержащих рациональные числа и степени с натуральным показателем, применять разнообразные способы и приёмы вычисления, составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.

Округлять числа с заданной точностью, а также по смыслу практической ситуации, выполнять прикидку и оценку результата вычислений, оценку значений числовых выражений, в том числе при решении практических задач.

Решать текстовые задачи арифметическим способом, использовать таблицы, схемы, чертежи, другие средства представления данных при решении задач.

Решать практико-ориентированные задачи, связанные с отношением величин, пропорциональностью величин, процентами, интерпретировать результаты решения задач с учётом ограничений, связанных со свойствами рассматриваемых объектов.

Делимость.

Доказывать и применять при решении задач признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11, признаки делимости суммы и произведения целых чисел.

Раскладывать на множители натуральные числа.

Свободно оперировать понятиями: чётное число, нечётное число, взаимно простые числа.

Находить наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное чисел и использовать их при решении задач, применять алгоритм Евклида.

Оперировать понятием остатка по модулю, применять свойства сравнений по модулю.

### **Алгебраические выражения**

Выражения с переменными.

Использовать алгебраическую терминологию и символику, применять её в процессе освоения учебного материала.

Находить значения буквенных выражений при заданных значениях переменных.

Использовать понятие тождества, выполнять тождественные преобразования выражений, доказывать тождества.

Многочлены.

Выполнять преобразования целого выражения в многочлен приведением подобных слагаемых, раскрытием скобок.

Выполнять действия (сложение, вычитание, умножение) с одночленами и с многочленами, применять формулы сокращённого умножения (квадрат и куб суммы, квадрат и куб разности, разность квадратов, сумма и разность кубов), в том числе для упрощения вычислений.

Осуществлять разложение многочленов на множители с помощью вынесения за скобки общего множителя, группировки слагаемых, применяя формулы сокращённого умножения.

Применять преобразования многочленов для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Использовать свойства степеней с натуральными показателями для преобразования выражений.

### **Уравнения и неравенства**

Решать линейные уравнения с одной переменной, применяя правила перехода от исходного уравнения к равносильному ему. Проверять, является ли число корнем уравнения.

Подбирать примеры пар чисел, являющихся решением линейного уравнения с двумя переменными.

Строить в координатной плоскости график линейного уравнения с двумя переменными, пользуясь графиком, приводить примеры решения уравнения.

Решать системы двух линейных уравнений с двумя переменными, в том числе графически.

Составлять и решать линейное уравнение или систему линейных уравнений по условию задачи, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

### **Функции**

Координаты и графики.

Изображать на координатной прямой точки, соответствующие заданным координатам, лучи, отрезки, интервалы, записывать числовые промежутки на алгебраическом языке.

Отмечать в координатной плоскости точки по заданным координатам.

**Функции.**

Строить графики линейных функций.

Описывать с помощью функций известные зависимости между величинами: скорость, время, расстояние, цена, количество, стоимость, производительность, время, объём работы.

Находить значение функции по значению её аргумента.

Понимать графический способ представления и анализа информации, извлекать и интерпретировать информацию из графиков реальных процессов и зависимостей.

Использовать свойства функций для анализа графиков реальных зависимостей (нули функции, промежутки знакопостоянства функции, промежутки возрастания и убывания функции, наибольшее и наименьшее значения функции).

Использовать графики для исследования процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

К концу обучения в **8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

**Числа и вычисления**

Иrrациональные числа.

Понимать и использовать представления о расширении числовых множеств.

Свободно оперировать понятиями: квадратный корень, арифметический квадратный корень, иррациональное число, находить, оценивать квадратные корни, используя при необходимости калькулятор, выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, используя свойства корней.

Использовать начальные представления о множестве действительных чисел для сравнения, округления и вычислений, изображать действительные числа точками на координатной прямой.

Использовать записи больших и малых чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10, записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерений.

Делимость.

Свободно оперировать понятием остатка по модулю, применять свойства сравнений по модулю, находить остатки суммы и произведения по данному модулю.

**Алгебраические выражения**

Дробно-рациональные выражения.

Находить допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.

Применять основное свойство рациональной дроби.

Выполнять приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей.

Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений.

Применять преобразования выражений для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Степени.

Применять понятие степени с целым показателем, выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем.

Иrrациональные выражения.

Находить допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни.

Выполнять преобразования иррациональных выражений, используя свойства корней.

### **Уравнения и неравенства**

Решать квадратные уравнения.

Решать дробно-рациональные уравнения.

Решать линейные уравнения с параметрами, несложные системы линейных уравнений с параметрами.

Проводить исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и прочее).

Переходить от словесной формулировки задачи к её алгебраической модели с помощью составления уравнения или системы уравнений, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Применять свойства числовых неравенств для сравнения, оценки, решать линейные неравенства с одной переменной и их системы, давать графическую иллюстрацию множества решений неравенства, системы неравенств.

### **Функции**

Понимать и использовать функциональные понятия и язык (термины, символические обозначения), определять значение функции по значению аргумента, определять свойства функции по её графику.

Строить графики функций, описывать свойства числовых функций по её графику.

К концу обучения в **9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

### **Числа и вычисления**

Свободно оперировать понятиями: корень  $n$ -й степени, степень с рациональным показателем, находить корень  $n$ -й степени, степень с рациональным показателем, используя при необходимости калькулятор, применять свойства корня  $n$ -й степени, степени с рациональным показателем.

Использовать понятие множества действительных чисел при решении задач, проведении рассуждений и доказательств.

Сравнивать и упорядочивать действительные числа, округлять действительные числа, выполнять прикидку результата вычислений, оценку числовых выражений.

### **Алгебраические выражения**

Свободно оперировать понятием квадратного трёхчлена, находить корни квадратного трёхчлена.

Раскладывать квадратный трёхчлен на линейные множители.

### **Уравнения и неравенства**

Решать линейные и квадратные уравнения, уравнения, сводящиеся к ним, дробно-рациональные уравнения.

Решать несложные квадратные уравнения с параметром.

Решать линейные неравенства, квадратные неравенства, использовать метод интервалов, изображать решение неравенств на числовой прямой, записывать решение с помощью символов.

Решать системы двух линейных уравнений с двумя переменными и системы двух уравнений, в которых одно уравнение не является линейным.

Решать несложные системы нелинейных уравнений с параметром.

Применять методы равносильных преобразований, замены переменной, графического метода при решении уравнений 3-й и 4-й степеней.

Решать системы линейных неравенств, системы неравенств, включающие квадратное неравенство, изображать решение системы неравенств на числовой прямой, записывать решение с помощью символов.

Решать уравнения, неравенства и их системы, в том числе с ограничениями, например, в целых числах.

Проводить исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и прочее).

Решать текстовые задачи алгебраическим способом с помощью составления уравнений, неравенств, их систем.

Использовать уравнения, неравенства и их системы для составления математической модели реальной ситуации или прикладной задачи, интерпретировать полученные результаты в заданном контексте.

### **Числовые последовательности и прогрессии**

Свободно оперировать понятиями: зависимость, функция, график функции, прямая пропорциональность, линейная функция, обратная пропорциональность, парабола, гипербола, кусочно-заданная функция.

Исследовать функцию по её графику, устанавливать свойства функций: область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, чётность и нечётность, наибольшее и наименьшее значения, асимптоты.

Распознавать квадратичную функцию по формуле, приводить примеры квадратичных функций из реальной жизни, физики, геометрии.

Определять положение графика квадратичной функции в зависимости от её коэффициентов.

Строить график квадратичной функции, описывать свойства квадратичной функции по её графику.

Использовать свойства квадратичной функции для решения задач.

На примере квадратичной функции строить график функции  $y = af(kx + b) + c$  с помощью преобразований графика функции  $y = f(x)$ .

Иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам.

### **Арифметическая и геометрическая прогрессии**

Свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Задавать последовательности разными способами: описательным, табличным, с помощью формулы  $n$ -го члена, рекуррентным.

Выполнять вычисления с использованием формул  $n$ -го члена арифметической и геометрической прогрессий, суммы первых  $n$  членов.

Изображать члены последовательности точками на координатной плоскости.

Решать задачи, связанные с числовыми последовательностями, в том числе задачи из реальной жизни (с использованием калькулятора, цифровых технологий).

Распознавать и приводить примеры конечных и бесконечных последовательностей, ограниченных последовательностей, монотонно возрастающих (убывающих) последовательностей.

Иметь представление о сходимости последовательности, уметь находить сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Применять метод математической индукции при решении задач.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	ЧИСЛА И ВЫЧИСЛЕНИЯ. Рациональные числа (повторение)	11	1		
2	УРАВНЕНИЯ И СИСТЕМЫ УРАВНЕНИЙ. Линейные уравнения	10	1		
3	ЧИСЛА И ВЫЧИСЛЕНИЯ. Степень с натуральным показателем	6			
4	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Выражения с переменными	7			
5	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Многочлены	23	1		
6	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Формулы сокращённого умножения	14	1		
7	ФУНКЦИИ. Координаты и графики.Функции	17	1		
8	ФУНКЦИИ. Линейная функция	16	1		
9	УРАВНЕНИЯ И СИСТЕМЫ УРАВНЕНИЙ. Системы линейных уравнений	14	1		
10	ЧИСЛА И ВЫЧИСЛЕНИЯ. Делимость	10			
11	Повторение, обобщение, систематизация знаний	8	1		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		136	8	0	

**8 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Дробно-рациональные выражения	17	1		
2	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Степени	14	1		
3	УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА. Неравенства	20	1		
4	ЧИСЛА И ВЫЧИСЛЕНИЯ. Квадратный корень	17	1		
5	УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА. Квадратные уравнения	17	1		
6	УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА. Дробно-рациональные уравнения	19	1		
7	ФУНКЦИИ	15	1		
8	ЧИСЛА И ВЫЧИСЛЕНИЯ. Делимость	7			
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	10	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	9	0	

## 9 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	ФУНКЦИИ	31	1		
2	УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА. Квадратные неравенства	13	1		
3	УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА. Уравнения, неравенства и их системы	47	1		
4	ЧИСЛОВЫЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ И ПРОГРЕССИИ	25	1		
5	АЛГЕБРАИЧЕСКИЕ ВЫРАЖЕНИЯ. Степень с рациональным показателем	13	1		
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	7	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	6	0	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Повторение. Рациональные числа	1				
2	Повторение. Сравнение, упорядочивание и арифметические действия с рациональными числами	1				
3	Повторение. Числовая прямая, модуль числа	1				
4	Повторение. Проценты, запись процентов в виде дроби и дроби в виде процентов	1				
5	Повторение. Три основные задачи на проценты	1				
6	Повторение. Три основные задачи на проценты	1				
7	Повторение. Решение текстовых задач арифметическим способом	1				
8	Повторение. Решение задач из реальной практики на части, дроби, проценты, применение отношений и пропорций при решении задач	1				
9	Повторение. Решение задач из реальной практики на части, дроби,	1				

	проценты, применение отношений и пропорций при решении задач					
10	Повторение. Реальные зависимости; решение задач на движение, работу, покупки, налоги	1				
11	Входная контрольная работа по теме "Рациональные числа"	1	1			
12	Уравнение с одной переменной. Корень уравнения	1				
13	Свойства уравнений с одной переменной	1				
14	Свойства уравнений с одной переменной	1				
15	Равносильность уравнений	1				
16	Уравнение как математическая модель реальной ситуации	1				
17	Число корней линейного уравнения	1				
18	Число корней линейного уравнения	1				
19	Решение текстовых задач с помощью линейных уравнений	1				
20	Линейное уравнение, содержащее знак модуля	1				
21	Контрольная работа по темам "Выражения с переменными", "Линейные уравнения"	1	1			
22	Степень с натуральным показателем	1				
23	Свойства степени с натуральным показателем	1				

24	Свойства степени с натуральным показателем	1				
25	Свойства степени с натуральным показателем	1				
26	Запись числа в десятичной позиционной системе счисления	1				
27	Запись числа в десятичной позиционной системе счисления	1				
28	Выражение с переменными. Значение выражения с переменными	1				
29	Выражение с переменными. Значение выражения с переменными	1				
30	Выражение с переменными. Значение выражения с переменными	1				
31	Представление зависимости между величинами в виде формулы	1				
32	Представление зависимости между величинами в виде формулы	1				
33	Вычисления по формулам	1				
34	Вычисления по формулам	1				
35	Одночлены. Одночлен стандартного вида. Степень одночлена	1				
36	Одночлены. Одночлен стандартного вида. Степень одночлена	1				
37	Многочлены. Многочлен стандартного вида. Степень многочлена	1				
38	Многочлены. Многочлен	1				

	стандартного вида. Степень многочлена					
39	Сложение и вычитание многочленов	1				
40	Сложение и вычитание многочленов	1				
41	Сложение и вычитание многочленов	1				
42	Умножение и деление многочленов	1				
43	Умножение и деление многочленов	1				
44	Умножение и деление многочленов	1				
45	Умножение и деление многочленов	1				
46	Преобразование целого выражения в многочлен	1				
47	Преобразование целого выражения в многочлен	1				
48	Преобразование целого выражения в многочлен	1				
49	Корни многочлена	1				
50	Корни многочлена	1				
51	Тождество. Тождественные преобразования алгебраических выражений	1				
52	Тождество. Тождественные преобразования алгебраических выражений	1				
53	Тождество. Тождественные преобразования алгебраических выражений	1				
54	Тождество. Тождественные	1				

	преобразования алгебраических выражений					
55	Тождество. Тождественные преобразования алгебраических выражений	1				
56	Доказательство тождеств	1				
57	Контрольная работа по темам "Степень с натуральным показателем", "Многочлены"	1	1			
58	Квадрат суммы и квадрат разности двух выражений	1				
59	Квадрат суммы нескольких выражений	1				
60	Куб суммы и куб разности двух выражений	1				
61	Разность квадратов двух выражений	1				
62	Произведение разности и суммы двух выражений	1				
63	Произведение разности и суммы двух выражений	1				
64	Сумма и разность кубов двух выражений	1				
65	Сумма и разность кубов двух выражений	1				
66	Разложение многочлена на множители	1				
67	Произведение разности суммы двух выражений, сумма и разность кубов	1				

	двух выражений					
68	Разложение многочлена на множители	1				
69	Вынесение общего множителя за скобки	1				
70	Метод группировки	1				
71	Контрольная работа по теме "Формулы сокращенного умножения"	1	1			
72	Координата точки на прямой	1				
73	Числовые промежутки	1				
74	Числовые промежутки	1				
75	Расстояние между двумя точками координатной прямой	1				
76	Прямоугольная система координат. Абсцисса и ордината точки на координатной плоскости	1				
77	Прямоугольная система координат. Абсцисса и ордината точки на координатной плоскости	1				
78	Примеры графиков, заданных формулами	1				
79	Чтение графиков реальных зависимостей	1				
80	Функциональные зависимости между величинами	1				
81	Понятие функции. Функция как математическая модель реального процесса	1				

82	Понятие функции. Функция как математическая модель реального процесса	1				
83	Понятие функции. Функция как математическая модель реального процесса	1				
84	Область определения и область значений функции	1				
85	Область определения и область значений функции	1				
86	Способы задания функции	1				
87	График функции	1				
88	Контрольная работа по теме "Координаты и графики.Функции"	1	1			
89	Линейная функция, её свойства	1				
90	Линейная функция, её свойства	1				
91	Линейная функция, её свойства	1				
92	График линейной функции	1				
93	График линейной функции	1				
94	График линейной функции	1				
95	График линейной функции	1				
96	График функции $y =  x $	1				
97	График функции $y =  x $	1				
98	График функции $y =  x $	1				
99	График функции $y =  x $	1				
100	Кусочно-заданные функции	1				
101	Кусочно-заданные функции	1				

102	Кусочно-заданные функции	1				
103	Кусочно-заданные функции	1				
104	Контрольная работа по теме "Линейная функция"	1	1			
105	Уравнение с двумя переменными	1				
106	Уравнение с двумя переменными	1				
107	График линейного уравнения с двумя переменными	1				
108	График линейного уравнения с двумя переменными	1				
109	Системы линейных уравнений с двумя переменными	1				
110	Системы линейных уравнений с двумя переменными	1				
111	Графический метод решения системы линейных уравнений с двумя переменными	1				
112	Графический метод решения системы линейных уравнений с двумя переменными	1				
113	Решение систем линейных уравнений с двумя переменными методом подстановки и методом сложения	1				
114	Решение систем линейных уравнений с двумя переменными методом подстановки и методом сложения	1				
115	Решение систем линейных уравнений с двумя переменными методом	1				

	подстановки и методом сложения					
116	Решение систем линейных уравнений с двумя переменными методом подстановки и методом сложения	1				
117	Система двух линейных уравнений с двумя переменными как модель реальной ситуации	1				
118	Контрольная работа по теме "Системы линейных уравнений"	1	1			
119	Делимость целых чисел. Свойства делимости	1				
120	Делимость целых чисел. Свойства делимости	1				
121	Простые и составные числа. Чётные и нечётные числа	1				
122	Признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11	1				
123	Признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11	1				
124	Признаки делимости суммы и произведения целых чисел при решении задач	1				
125	Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное двух чисел	1				
126	Взаимно простые числа	1				
127	Алгоритм Евклида. Деление с остатком	1				

128	Сравнения целых чисел по модулю натурального числа	1				
129	Повторение и обобщение. Выражения с переменными	1				
130	Повторение и обобщение. Степень с натуральным показателем	1				
131	Повторение и обобщение. Одночлены и многочлены. Тождественные преобразования алгебраических выражений	1				
132	Повторение и обобщение. Формулы сокращённого умножения	1				
133	Повторение и обобщение. Координаты и графики.	1				
134	Повторение и обобщение. Линейная функция и её свойства	1				
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Повторение и обобщение. Решение систем линейных уравнений с двумя переменными	1				
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		136	8	0		

## 8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Рациональные выражения	1				
2	Тождественные преобразования рациональных выражений	1				
3	Тождественные преобразования рациональных выражений	1				
4	Тождественные преобразования рациональных выражений	1				
5	Входная контрольная работа	1	1			
6	Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях	1				
7	Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях	1				
8	Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях	1				
9	Основное свойство алгебраической дроби	1				
10	Основное свойство алгебраической дроби	1				
11	Сложение и вычитание алгебраических	1				

	дробей					
12	Сложение и вычитание алгебраических дробей	1				
13	Умножение и деление алгебраических дробей	1				
14	Умножение и деление алгебраических дробей	1				
15	Умножение и деление алгебраических дробей	1				
16	Возведение алгебраической дроби в степень	1				
17	Контрольная работа по теме "Дробно-рациональные выражения"	1	1			
18	Степень с целым показателем	1				
19	Свойства степени с целым показателем	1				
20	Свойства степени с целым показателем	1				
21	Свойства степени с целым показателем	1				
22	Преобразование выражений, содержащих степени с целым показателем	1				
23	Преобразование выражений, содержащих степени с целым показателем	1				
24	Преобразование выражений, содержащих степени с целым показателем	1				
25	Стандартный вид числа	1				

26	Стандартный вид числа	1				
27	Действия с числами, записанными в стандартном виде	1				
28	Действия с числами, записанными в стандартном виде	1				
29	Размеры объектов окружающего мира, длительность процессов в окружающем мире	1				
30	Размеры объектов окружающего мира, длительность процессов в окружающем мире	1				
31	Контрольная работа по теме "Степени"	1	1			
32	Числовые неравенства	1				
33	Свойства числовых неравенств	1				
34	Свойства числовых неравенств	1				
35	Доказательство неравенств	1				
36	Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства	1				
37	Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства	1				
38	Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения	1				
39	Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения	1				
40	Понятие о решении неравенства с одной переменной. Множество	1				

	решений неравенства					
41	Понятие о решении неравенства с одной переменной. Множество решений неравенства	1				
42	Равносильные неравенства. Неравенство-следствие	1				
43	Числовые промежутки	1				
44	Линейное неравенство с одной переменной и множество его решений	1				
45	Решение линейных неравенств с одной переменной	1				
46	Решение линейных неравенств с одной переменной	1				
47	Решение линейных неравенств с одной переменной	1				
48	Системы линейных неравенств с одной переменной	1				
49	Системы линейных неравенств с одной переменной	1				
50	Решение текстовых задач с помощью линейных неравенств с одной переменной	1				
51	Контрольная работа по теме "Неравенства"	1	1			
52	Квадратные корни	1				
53	Арифметический квадратный корень и его свойства	1				
54	Арифметический квадратный корень и	1				

	его свойства					
55	Понятие иррационального числа. Действия с иррациональными числами	1				
56	Свойства действий с иррациональными числами	1				
57	Свойства действий с иррациональными числами	1				
58	Свойства действий с иррациональными числами	1				
59	Сравнение иррациональных чисел	1				
60	Сравнение иррациональных чисел	1				
61	Множество действительных чисел. Представления о расширениях числовых множеств	1				
62	Допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни	1				
63	Допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни	1				
64	Тождественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни	1				
65	Тождественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни	1				
66	Тождественные преобразования выражений, содержащих	1				

	арифметические квадратные корни					
67	Тождественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни	1				
68	Контрольная работа по теме "Квадратный корень"	1	1			
69	Квадратное уравнение	1				
70	Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения	1				
71	Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения	1				
72	Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения	1				
73	Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения	1				
74	Теорема Виета	1				
75	Теорема Виета	1				
76	Уравнения, сводимые к линейным уравнениям или к квадратным уравнениям	1				

77	Уравнения, сводимые к линейным уравнениям или к квадратным уравнениям	1				
78	Квадратное уравнение с параметром	1				
79	Решение квадратных уравнений с параметрами	1				
80	Решение квадратных уравнений с параметрами	1				
81	Решение квадратных уравнений, содержащих знак модуля	1				
82	Решение квадратных уравнений, содержащих знак модуля	1				
83	Уравнение как математическая модель реальной ситуации	1				
84	Решение текстовых задач с помощью квадратных уравнений	1				
85	Контрольная работа по теме "Квадратные уравнения"	1	1			
86	Дробно-рациональные уравнения	1				
87	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к линейным уравнениям	1				
88	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к линейным уравнениям	1				
89	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к линейным уравнениям	1				

90	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к квадратным уравнениям	1				
91	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к квадратным уравнениям	1				
92	Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к квадратным уравнениям	1				
93	Решение дробно-рациональных уравнений методом замены переменной	1				
94	Решение дробно-рациональных уравнений методом замены переменной	1				
95	Решение дробно-рациональных уравнений методом замены переменной	1				
96	Решение дробно-рациональных уравнений методом замены переменной	1				
97	Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
98	Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
99	Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
100	Решение текстовых задач с помощью	1				

	дробно-рациональных уравнений					
101	Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
102	Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
103	Графическая интерпретация уравнений с двумя переменными	1				
104	Контрольная работа по теме "Дробно-рациональные уравнения"	1	1			
105	Область определения и множество значений функции	1				
106	Область определения и множество значений функции	1				
107	Способы задания функций	1				
108	График функции	1				
109	Чтение свойств функции по её графику. Примеры графиков функций, отражающих реальные процессы	1				
110	Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики	1				
111	Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики	1				
112	Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики	1				
113	Функция $y = x^2$ и её свойства	1				

114	Функция $y = x^2$ и её свойства	1				
115	Функция $y = x^3$ и её свойства	1				
116	Функция $y = k/x$ и её свойства	1				
117	Функция $y = k/x$ и её свойства	1				
118	Функция $y = vx$ и её свойства	1				
119	Контрольная работа по теме "Функции"	1	1			
120	Деление с остатком	1				
121	Сравнения целых чисел по модулю натурального числа	1				
122	Сравнения целых чисел по модулю натурального числа	1				
123	Свойства сравнений по модулю	1				
124	Свойства сравнений по модулю	1				
125	Остатки суммы и произведения по данному модулю	1				
126	Остатки суммы и произведения по данному модулю	1				
127	Повторение и обобщение. Решение линейных неравенств с одной переменной и систем линейных неравенств с одной переменной	1				
128	Повторение и обобщение. Решение линейных неравенств с одной переменной и систем линейных неравенств с одной переменной	1				
129	Повторение и обобщение.	1				

	Тождественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни					
130	Повторение и обобщение. Решение квадратных уравнений. Решение текстовых задач с помощью квадратных уравнений	1				
131	Повторение и обобщение. Решение задач из реальной жизни	1				
132	Повторение и обобщение. Тождественные преобразования рациональных выражений	1				
133	Повторение и обобщение. Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к линейным или к квадратным уравнениям. Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений	1				
134	Повторение и обобщение. Решение текстовых задач различными способами	1				
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Повторение и обобщение. Решение задач из реальной жизни	1				
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		136	9	0		

## 9 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Функция	1				
2	Функция	1				
3	Функция	1				
4	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				
5	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				
6	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				
7	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				
8	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				
9	Возрастание и убывание функции. Наибольшее и наименьшее значения функции	1				

10	Чётные и нечётные функции	1				
11	Чётные и нечётные функции	1				
12	Чётные и нечётные функции	1				
13	Построение графиков функций $y = kf(x)$ , $y = f(kx)$	1				
14	Построение графиков функций $y = kf(x)$ , $y = f(kx)$	1				
15	Построение графиков функций $y = kf(x)$ , $y = f(kx)$	1				
16	Построение графиков функций $y = kf(x)$ , $y = f(kx)$	1				
17	Построение графиков функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$	1				
18	Построение графиков функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$	1				
19	Построение графиков функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$	1				
20	Построение графиков функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$	1				
21	Построение графиков функций $y = f( x )$ и $y =  f(x) $	1				
22	Построение графиков функций $y = f( x )$ и $y =  f(x) $	1				
23	Построение графиков функций $y = f( x )$ и $y =  f(x) $	1				
24	Квадратичная функция, её график и свойства	1				

25	Квадратичная функция, её график и свойства	1				
26	Квадратичная функция, её график и свойства	1				
27	Квадратичная функция, её график и свойства	1				
28	Квадратичная функция, её график и свойства	1				
29	Квадратичная функция, её график и свойства	1				
30	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Квадратичная функция»	1				
31	Контрольная работа № 1 по теме: «Квадратичная функция»	1	1			
32	Решение квадратных неравенств	1				
33	Решение квадратных неравенств	1				
34	Решение квадратных неравенств	1				
35	Решение квадратных неравенств	1				
36	Решение квадратных неравенств	1				
37	Решение неравенств методом интервалов	1				
38	Решение неравенств методом интервалов	1				
39	Решение неравенств методом интервалов	1				
40	Решение неравенств методом	1				

	интервалов					
41	Решение неравенств методом интервалов	1				
42	Решение неравенств методом интервалов	1				
43	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Решение квадратных неравенств. Решение неравенств методом интервалов»	1				
44	Контрольная работа № 2 по теме: «Решение квадратных неравенств. Решение неравенств методом интервалов.»	1	1			
45	Уравнение с двумя переменными и его график	1				
46	Уравнение с двумя переменными и его график	1				
47	Уравнение с двумя переменными и его график	1				
48	Уравнение с двумя переменными и его график	1				
49	Графические методы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
50	Графические методы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
51	Графические методы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
52	Графические методы решения систем	1				

	уравнений с двумя переменными					
53	Решение систем уравнений с двумя переменными методом подстановки и методами сложения и умножения	1				
54	Решение систем уравнений с двумя переменными методом подстановки и методами сложения и умножения	1				
55	Решение систем уравнений с двумя переменными методом подстановки и методами сложения и умножения	1				
56	Решение систем уравнений с двумя переменными методом подстановки и методами сложения и умножения	1				
57	Решение систем уравнений с двумя переменными методом подстановки и методами сложения и умножения	1				
58	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
59	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
60	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
61	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				

62	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
63	Метод замены переменных и другие способы решения систем уравнений с двумя переменными	1				
64	Системы уравнений (неравенств) как математические модели реальных ситуаций	1				
65	Системы уравнений (неравенств) как математические модели реальных ситуаций	1				
66	Системы уравнений (неравенств) как математические модели реальных ситуаций	1				
67	Системы уравнений (неравенств) как математические модели реальных ситуаций	1				
68	Системы уравнений (неравенств) как математические модели реальных ситуаций	1				
69	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Уравнения с двумя переменными и их системы»	1				
70	Контрольная работа № 3 по теме: «Уравнения с двумя переменными и их системы»	1	1			
71	Неравенства с двумя переменными	1				

72	Неравенства с двумя переменными	1				
73	Неравенства с двумя переменными	1				
74	Неравенства с двумя переменными	1				
75	Системы неравенств с двумя переменными	1				
76	Системы неравенств с двумя переменными	1				
77	Системы неравенств с двумя переменными	1				
78	Системы неравенств с двумя переменными	1				
79	Основные методы доказательства неравенств	1				
80	Основные методы доказательства неравенств	1				
81	Основные методы доказательства неравенств	1				
82	Основные методы доказательства неравенств	1				
83	Основные методы доказательства неравенств	1				
84	Основные методы доказательства неравенств	1				
85	Неравенства между средними величинами. Неравенство Коши — Буняковского	1				
86	Неравенства между средними величинами. Неравенство Коши —	1				

	Буняковского					
87	Неравенства между средними величинами. Неравенство Коши — Буняковского	1				
88	Неравенства между средними величинами. Неравенство Коши — Буняковского	1				
89	Неравенства между средними величинами. Неравенство Коши — Буняковского	1				
90	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Неравенства с двумя переменными и их системы. Доказательство неравенств»	1				
91	Контрольная работа № 4 по теме: «Неравенства с двумя переменными и их системы. Доказательство неравенств»	1	1			
92	Степенная функция с натуральным показателем	1				
93	Обратная функция	1				
94	Обратная функция	1				
95	Определение корня n – й степени	1				
96	Определение корня n – й степени	1				
97	Свойства корня n – й степени	1				
98	Свойства корня n – й степени	1				
99	Свойства корня n – й степени	1				
100	Степень с рациональным показателем и	1				

	ее свойства					
101	Степень с рациональным показателем и ее свойства	1				
102	Степень с рациональным показателем и ее свойства	1				
103	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Степенная функция»	1				
104	Контрольная работа № 5 по теме: «Степенная функция»	1	1			
105	Числовые последовательности	1				
106	Числовые последовательности	1				
107	Числовые последовательности	1				
108	Арифметическая прогрессия	1				
109	Арифметическая прогрессия	1				
110	Арифметическая прогрессия	1				
111	Сумма n первых членов арифметической прогрессии	1				
112	Сумма n первых членов арифметической прогрессии	1				
113	Сумма n первых членов арифметической прогрессии	1				
114	Сумма n первых членов арифметической прогрессии	1				
115	Геометрическая прогрессия	1				
116	Геометрическая прогрессия	1				
117	Геометрическая прогрессия	1				

118	Геометрическая прогрессия	1				
119	Сумма n первых членов геометрической прогрессии	1				
120	Сумма n первых членов геометрической прогрессии	1				
121	Сумма n первых членов геометрической прогрессии	1				
122	Представление о пределе последовательности. Сумма бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$	1				
123	Представление о пределе последовательности. Сумма бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$	1				
124	Представление о пределе последовательности. Сумма бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$	1				
125	Суммирование	1				
126	Суммирование	1				
127	Суммирование	1				
128	Повторение и систематизация учебного материала по теме: «Числовые последовательности»	1				
129	Контрольная работа № 6 по теме: «Числовые последовательности»	1	1			
130	Повторение и систематизация учебного	1				

	материала					
131	Повторение и систематизация учебного материала	1				
132	Повторение и систематизация учебного материала	1				
133	Повторение и систематизация учебного материала	1				
134	Повторение и систематизация учебного материала	1				
135	Повторение и систематизация учебного материала	1				
136	Повторение и систематизация учебного материала	1				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	6	0		

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО  
ПРОЦЕССА**  
**ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Мерзляк А.Г. Алгебра: 7 класс: учебник для учащихся общеобразовательных учреждений / А.Г. Мерзляк, В.М. Поляков. — М.: Вентана-Граф, 2017.

Мерзляк А.Г. Алгебра: 8 класс: учебник для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.М. Поляков. — М.: Вентана-Граф, 2019.

Мерзляк А.Г. Алгебра: 9 класс : учебник для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.М. Поляков. — М.: Вентана-Граф, 2019

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Мерзляк А.Г. Алгебра: 7 класс : самостоятельные и контрольные работы: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, Е.М. Рабинович, М.С. Якир. — М. : Вентана- Граф, 2017.

Буцко Е.В. Алгебра: 7 класс: методическое пособие / Е.В. Буцко, А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, М.С. Якир. М.: Вентана-Граф, 2017

Мерзляк А.Г. Алгебра: 8 класс: самостоятельные и контрольные работы: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, Е.М. Рабинович, М.С. Якир. — М.: Вентана Граф, 2019

Буцко Е.В. Алгебра: 8 класс: методическое пособие / Е.В. Буцко, А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, М.С. Якир.М. : Вентана-Граф, 2019

Мерзляк А.Г. Алгебра: 9 класс: самостоятельные и контрольные работы : пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, Е.М. Рабинович, М.С. Якир. — М.: Вентана-Граф, 2019

Буцко Е.В. Алгебра: 9 класс: методическое пособие / Е.В. Буцко, А.Г. Мерзляк, В.Б.

Полонский, М.С. Якир. М.: Вентана-Граф, 2019

Мерзляк А.Г. Алгебра: 9 класс: самостоятельные и контрольные работы : пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, Е.М.

Рабинович, М.С. Якир. — М.: Вентана-Граф, 2019

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/7f415b90>

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/7f417af8>

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/7f419d08>

Мерзляк А. Г., Полонский В. Б., Якир М. С. «Алгебра (углублённое изучение). 7

класс. Электронное приложение к учебнику для общеобразовательных организаций»;

Мерзляк А. Г., Полонский В. Б., Якир М. С. «Алгебра (углублённое изучение). 8

класс. Электронное приложение к учебнику для общеобразовательных организаций»;

Мерзляк А. Г., Полонский В. Б., Якир М. С. «Алгебра (углублённое изучение). 9

класс. Электронное приложение к учебнику для общеобразовательных организаций».